



PGE • PGO

PRÉPARATION AUX GRANDES ÉCOLES
PRÉPARATION AU GRAND ORAL

CORRIGÉ OFFICIEL

**ANNALES BAC
PHYSIQUE - CHIMIE
2023**

237 Rue du Faubourg Saint-Honoré, 75008 Paris

☎ 0187660050 | ✉ contact@pge-pgo.fr | 🔍 [pge-pgo.fr](https://www.pge-pgo.fr)

Exercice 1 : Un « Jet de 7 mètres » au handball

A- Etude du mouvement d'un ballon lors du tir au-dessus du gardien

Q1- Il s'agit du référentiel terrestre.

Q2- Le référentiel terrestre est supposé galiléen. Ainsi, comme le mouvement du ballon n'est pas rectiligne uniforme, on peut appliquer la seconde loi de Newton.

On a donc : $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$ où m est la masse du ballon. Or, on néglige l'action de l'air sur le mouvement du ballon. Ainsi, la seule force qui s'applique sur le ballon est son poids.

On peut alors écrire $\vec{P} = m\vec{a}$. De plus, $\vec{P} = m\vec{g}$ donc $m\vec{g} = m\vec{a} \Leftrightarrow \vec{g} = \vec{a}$

On a donc : $\vec{g} \begin{cases} g_x = 0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \\ g_y = -g \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \end{cases}$ donc $\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \\ a_y = -g \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \end{cases}$.

Q3- g est en $\text{m} \cdot \text{s}^{-2}$, G est en $\text{m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$, M_T en kg et R_T en m .

Ainsi, avec l'expression b, on a $\frac{[G] \times [M_T]}{[R_T]^2} = [R_T]^3 \cdot [M_T]^{-1} \cdot [t]^{-2} \cdot [M_T] \cdot [R_T]^{-2} = [R_T] \cdot [t]^{-2}$, ce qui donne des $\text{m} \cdot \text{s}^{-2}$, **l'expression b est donc homogène.**

Q4- Par définition, $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$ donc les coordonnées du vecteur sont les primitives de celles du vecteur accélération.

On a donc : $v_x(t) = C_1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ et $v_y(t) = -gt + C_2$

Or d'après la trigonométrie, $\cos \alpha = \frac{v_x(0)}{v_0} \Leftrightarrow v_x(0) = v_0 \cdot \cos \alpha$ et $\sin \alpha = \frac{v_y(0)}{v_0} \Leftrightarrow v_y(0) = v_0 \cdot \sin \alpha$.

De plus, $v_x(0) = C_1 \Leftrightarrow C_1 = v_0 \cdot \cos \alpha$ et $v_y(0) = -g \times 0 + C_2 = C_2 \Leftrightarrow C_2 = v_0 \cdot \sin \alpha$.

On a donc : **$v_x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha$ et $v_y(t) = -gt + v_0 \cdot \sin \alpha$.**

Q5- On remarque, à la question précédente, que $v_x(t)$ est une constante. Ainsi, la courbe 1 correspond à $v_x(t)$. Par déduction, la courbe 2 correspond à $v_y(t)$.

Q6- D'après le graphique, $v_x(0) = 6,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ et $v_y(0) = 4,6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

Ainsi $v_0 = \sqrt{(v_x(0))^2 + (v_y(0))^2}$

$$v_0 = \sqrt{6,8^2 + 4,6^2} = 8,2 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$\text{De plus, } v_x(0) = v_0 \cdot \cos \alpha \Leftrightarrow \cos \alpha = \frac{v_x(0)}{v_0} \quad \cos \alpha = \frac{6,8}{8,2} = 0,83.$$

D'après la calculatrice, $\alpha = 34^\circ$.

Q7- Par définition, $\vec{v} = \frac{d\vec{OG}}{dt}$ donc les équations horaires sont les primitives des coordonnées du vecteur vitesse.

$$\text{Donc, } x(t) = v_0 \cdot \cos(\alpha) t + C_3 \text{ et } y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \cdot \sin(\alpha) t + C_4$$

De plus $x(0) = 0 \text{ m}$ et $y(0) = h \text{ m}$ d'après l'énoncé.

$$\text{Et, } x(0) = v_0 \cdot \cos(\alpha) \times 0 + C_3 = C_3 \Leftrightarrow C_3 = 0 \quad \text{et} \quad y(0) = -\frac{1}{2}g \times 0^2 + v_0 \cdot \sin(\alpha) \times 0 + C_4 = C_4 \Leftrightarrow C_4 = h$$

$$\text{Ainsi, } x(t) = v_0 \cdot \cos(\alpha) t \text{ et } y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \cdot \sin(\alpha) t + h$$

Q8- On exprime d'abord t en fonction de x .

$$x = v_0 \cdot \cos(\alpha) t \Leftrightarrow t = \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha}.$$

On remplace t par cette expression dans l'autre équation horaire.

$$\text{On a donc : } y(x) = -\frac{1}{2}g \left(\frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha} \right)^2 + v_0 \sin(\alpha) \times \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha} + h = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha} + x \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + h.$$

$$\text{Ainsi, } y(x) = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha} + \tan(\alpha) x + h.$$

Q9- On calcule $y(4)$.

$$y(4) = -\frac{1}{2} \times 9,81 \times \frac{(4^2)}{8,2^2 \times \cos(34)^2} + \tan(34) \times 4 + 2,34 = 3,3 \text{ m}. \text{ Or } 3,3 > 2,8. \text{ Ainsi, le ballon passe au-dessus du gardien.}$$

Calculons maintenant $y(7)$ pour savoir si le ballon passera dans la cage, haute de 2m.

$$y(7) = -\frac{1}{2} \times 9,81 \times \frac{(7^2)}{8,2^2 \times \cos(34)^2} + \tan(34) \times 7 + 2,34 = 1,9 \text{ m}. \text{ Et } 1,9 < 2$$

Ainsi, le ballon passera bien sous la barre en haut de la cage. Il rentrera donc dans la cage après être passé au-dessus du gardien. Ainsi, **ce « jet de 7 mètres » sera réussi.**

B- Etude des ondes sonores produites par le sifflet de l'arbitre

Q10- Calculons d'abord la durée totale t_e d'exposition au son du sifflet.

$t_e = 200 \times 0,3 = 60 \text{ s} = 1 \text{ min}$. Ainsi, l'arbitre est, au cours d'un match, exposé à 115 dB pendant une durée de 1 minute. D'après le tableau donné dans l'énoncé, on est exposé à un danger lorsqu'on écoute 107dB pendant plus d'une minute par jour. Ainsi, moins d'une minute d'exposition à 115dB dans la même journée représente un risque auditif. Donc, l'arbitre encourt un risque auditif puisqu'il s'expose 1 minute à 115dB.

Q11- Il peut utiliser des bouchons d'oreille. On aura alors une atténuation par absorption.

Q12- $L = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \Leftrightarrow I = I_0 \times 10^{\frac{L}{10}}$

$$I = 1,0 \times 10^{-12} \times 10^{\frac{115}{10}} = 3,2 \times 10^{-1} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}.$$

Q13- L'oreille de l'arbitre est située à 15 cm du sifflet, soit à $1,5 \times 10^{-1} \text{ m}$. On prendra alors $d = 1,5 \times 10^{-1} \text{ m}$.

$$I = \frac{P}{4\pi \cdot d^2} \Leftrightarrow P = 4\pi \cdot d^2 \cdot I$$

$$P = 4\pi \times (1,5 \times 10^{-1})^2 \times 3,2 \times 10^{-1} = 8,9 \times 10^{-2} \text{ W}.$$

Q14- $I = \frac{P}{4\pi \cdot d^2}$ et $L' = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right)$ donc $L' = 10 \log \left(\frac{P}{4\pi \cdot d^2 \cdot I_0} \right)$ (L' est le niveau sonore perçu par le spectateur.)

$$L' = 10 \log \left(\frac{8,9 \times 10^{-2}}{4\pi \times 5,0^2 \cdot 1,0 \times 10^{-12}} \right) = 85 \text{ dB}.$$

Q15- On note A l'atténuation. $A = L - L' \quad A = 115 - 85 = 30 \text{ dB}$. Il s'agit ici d'une atténuation géométrique.

Q16- On note L_1 le niveau sonore du au sifflet perçu par le spectateur. $L_1 = 75 \text{ dB}$. On note L_2 le niveau sonore du au bruit ambiant perçu par le spectateur. $L_2 = 75 \text{ dB}$.

On note I_1 et I_2 les intensités sonores respectivement associées à L_1 et L_2 et I_{tot} l'intensité sonore totale perçue par le spectateur : $I_{tot} = I_1 + I_2 = 2I_1$ car $L_1 = L_2$.

On note L_{tot} l'intensité sonore perçue par le spectateur.

On a : $L_{tot} = 10 \log\left(\frac{I_{tot}}{I_0}\right) = 10 \log\left(\frac{2I_1}{I_0}\right)$ et $I_1 = I_0 \times 10^{\frac{L_1}{10}}$ donc $L_{tot} = 10 \log\left(\frac{2 \times I_0 \times 10^{\frac{L_1}{10}}}{I_0}\right)$

$$L_{tot} = 10 \log(2 \times 10^{\frac{L_1}{10}}) \quad L_{tot} = \mathbf{10 \log(2 \times 10^{\frac{75}{10}}) = 78 \text{ dB}}$$

Le spectateur perçoit un niveau sonore de 78 dB.

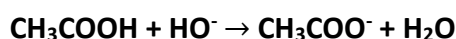
Exercice 2 : Un assouplissant « fait maison »

A- Vinaigre commercial

Q1- Pour préparer 50,0 mL de solution S diluée dix fois, il est nécessaire d'avoir **une fiole jaugée de 50,0 mL, une pipette jaugée de 5,0 mL et un bécher.**

Q2- Les couples acide-base en jeu sont : $\text{CH}_3\text{COOH}/\text{CH}_3\text{COO}^-$ et $\text{H}_2\text{O}/\text{HO}^-$

L'équation de la transformation est donc :



Q3- On lit graphiquement sur la figure 1 le volume versé pour lequel la dérivée du pH est maximale. On trouve un volume versé à l'équivalence $V_{\text{éq}} = 14 \text{ mL}$.

A l'équivalence, les réactifs sont introduits dans les proportions stœchiométriques. On note $n_{\text{éq}}$ la quantité de matière d'ions hydroxyde versée à l'équivalence : $n_{\text{éq}} = C_B \times V_{\text{éq}}$.

De plus, on peut écrire $n_{\text{éq}} - x_{\text{max}} = 0 \Leftrightarrow n_{\text{éq}} = x_{\text{max}}$. On note n_0 la quantité de matière d'acide éthanoïque introduite initialement. On a également $n_0 - x_{\text{max}} = 0 \Leftrightarrow n_0 = x_{\text{max}}$. Ainsi, $n_0 = n_{\text{éq}} = C_B \times V_{\text{éq}}$.

On note C_0 la concentration de la solution S. On a alors $C_{\text{com}} = 10C_0$ car la solution commerciale a été diluée 10 fois pour obtenir la solution S. De plus, $C_0 = \frac{n_0}{V}$ où V est le volume de solution S prélevé pour le titrage.

$$\text{Ainsi, } C_{\text{com}} = 10 \frac{C_B \times V_{\text{éq}}}{V} \quad C_{\text{com}} = 10 \times \frac{0,10 \times 14}{10,0} = 1,4 \text{ mol. L}^{-1}.$$

Q4- Calculons la masse m_{com} d'acide éthanoïque présente dans $V_{\text{com}} = 1,0 \text{ L}$ de solution commerciale. n_{com} est la quantité de matière d'acide éthanoïque présente dans ce volume de solution.

$$m_{\text{com}} = n_{\text{com}} \times M(\text{CH}_3\text{COOH}) \quad \text{et} \quad n_{\text{com}} = C_{\text{com}} \times V_{\text{com}} \quad \text{donc} \quad m_{\text{com}} = C_{\text{com}} \times V_{\text{com}} \times M(\text{CH}_3\text{COOH})$$

$$M(\text{CH}_3\text{COOH}) = 2M_C + 4M_H + 2M_O$$

$$M(\text{CH}_3\text{COOH}) = 2 \times 12,0 + 4 \times 1,0 + 2 \times 16,0 = 60,0 \text{ g. mol}^{-1}.$$

Calculons maintenant la masse m d'un litre de solution commerciale.

$$m = \rho \times V \quad V = 1,0 \text{ L} = 1,0 \times 10^3 \text{ mL}$$

On en déduit la pourcentage massique % d'acide éthanoïque dans la solution commerciale.

$$\% = \frac{m_{\text{com}}}{m} = \frac{C_{\text{com}} \times V_{\text{com}} \times M(\text{CH}_3\text{COOH})}{\rho \times V}$$

$$\% = \frac{1,4 \times 1,0 \times 60,0}{1,01 \times 1,0 \times 10^3} = 8,3 \times 10^{-2} = \mathbf{8,3 \pm 0,2\%}.$$

On calcule le z_{score} . $z_{score} = \frac{|\% \text{étiquette} - \%|}{u(\%)}$ $z_{score} = \frac{|8-8,3|}{0,2} = 1,5$. Ainsi, la valeur est trouvée est éloignée de plus d'une incertitude de la valeur annoncée, mais de moins de deux incertitudes. Ainsi, la valeur trouvée est assez compatible avec la valeur trouvée.

Q5- $K_A = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}} \times [CH_3COO^-]_{\text{éq}}}{[CH_3COOH]_{\text{éq}} \times c^0}$. Or, d'après l'équation de la transformation, à l'équilibre, on a la même quantité de matière d'ions oxonium que d'ions éthanoate, donc $[H_3O^+]_{\text{éq}} = [CH_3COO^-]_{\text{éq}}$

De plus, à l'équilibre : $n_{H_3O^+} = x_f$. Donc, $[H_3O^+]_{\text{éq}} = \frac{x_f}{V_S}$. (V_S est le volume de solution S).

A l'équilibre, la quantité de matière d'acide éthanoïque présente est de : $C_S \times V_S - x_f$.

Ainsi, $[CH_3COOH]_{\text{éq}} = \frac{C_S \times V_S - x_f}{V_S} = C_S - \frac{x_f}{V_S} = C_S - [H_3O^+]_{\text{éq}}$.

On a donc : $K_A = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}}^2}{(C_S - [H_3O^+]_{\text{éq}}) \times c^0}$.

Q6- On cherche $[H_3O^+]_{\text{éq}}$. Il faut donc résoudre l'équation suivante :

$$[H_3O^+]^2 + K_A \times c^0 \times [H_3O^+] - K_A \times C_S \times c^0 = 0$$

On résout cette équation avec la calculatrice et on ne retient que la solution positive. On prendra $C_S = \frac{C_{com}}{10} = 1,4 \times 10^{-1} \text{ mol. L}^{-1}$ et $K_A = 10^{-pK_A} = 10^{-4,8} = 1,6 \times 10^{-5}$.

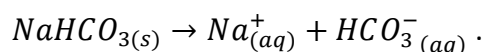
On trouve : $[H_3O^+]_{\text{éq}} = 1,5 \times 10^{-3} \text{ mol. L}^{-1}$

$$pH = -\log\left(\frac{[H_3O^+]}{c^0}\right) \quad \mathbf{pH = -\log\left(\frac{1,5 \times 10^{-3}}{1,0}\right) = 2,8}$$

Sur la figure, à 0s, on lit que le pH de la solution S est de 2,8. La valeur trouvée est donc bien cohérente.

B- Bicarbonate de soude

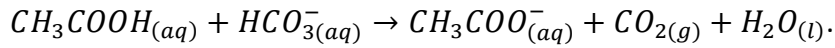
Q7- Dans l'eau, le bicarbonate de soude se dissout en suivant l'équation suivante :



Les ions hydrogénocarbonate vont réagir avec l'acide éthanoïque du vinaigre commercial.

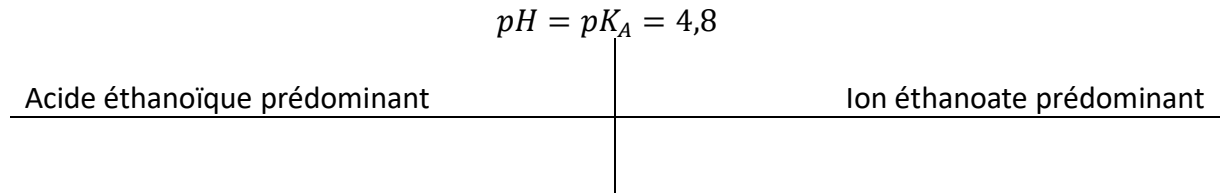
Les couples acide-base en jeu sont : CH_3COOH/CH_3COO^- et $CO_2, H_2O/HCO_3^-$.

L'équation de la transformation est donc :

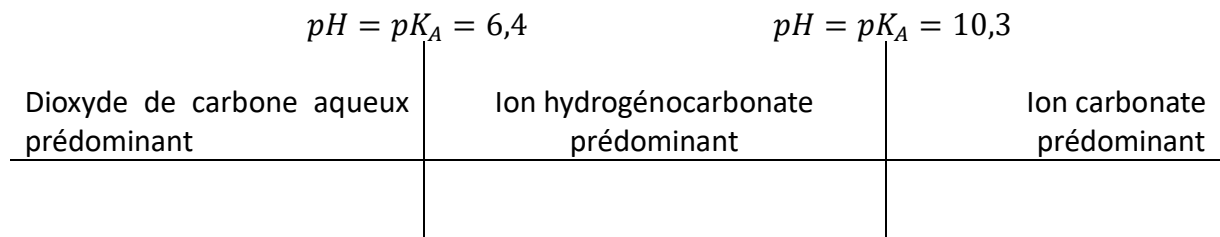


Ainsi, **cette transformation libère du dioxyde de carbone, d'où l'effervescence.**

Q8- On réalise le diagramme de prédominance de chacun des couples acide-base concernés par la question.



Le pH de la solution est de 8, donc **l'ion éthanoate est prédominant.**



Le pH de la solution est de 8, donc **l'ion hydrogénocarbonate est prédominant.**

Q9- L'assouplissant permet de créer une réaction entre les ions hydrogénocarbonate et les ions carbonate du calcaire, qui sont consommés. D'un autre côté, les ions éthanoate captent les ions calcium du calcaire. Ainsi, le calcaire est éliminé.

Exercice 3 : Stockage dangereux du peroxyde d'hydrogène

A- Conditions optimales de stockage

Q1- Les récipients doivent être opaques à la lumière afin de ne pas laisser les rayons UV qui pourraient déclencher la décomposition du peroxyde d'hydrogène. Ces récipients doivent être entreposés dans des endroits réfrigérés car une augmentation de la température peut accélérer la décomposition du peroxyde d'hydrogène (une température plus élevée accélère une réaction chimique).

Q2- Calculons le pH de cette solution.

$pH = -\log\left(\frac{[H_3O^+]}{c^0}\right)$ $pH = -\log\left(\frac{5,0 \times 10^{-5}}{1,0}\right) = 4,3$. Ainsi, $3,5 < pH < 4,5$. Ainsi, la solution se situe dans le domaine de stabilité maximale.

B- Etude de la vitesse de décomposition du peroxyde d'hydrogène

Q3- L'ajout d'acide sulfurique permet un apport en ions hydrogène afin que la réaction support du titrage puisse se réaliser, car, d'après l'équation de réaction, ces ions sont nécessaires à la réaction.

Q4-

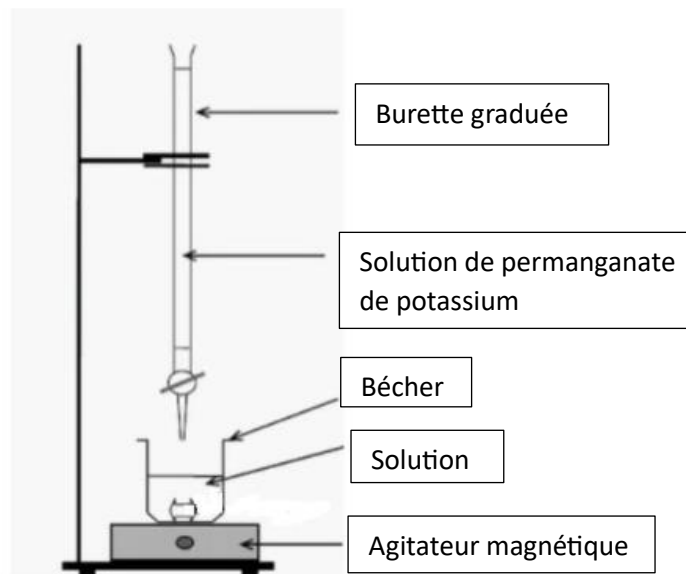


Figure 1. schéma du montage de titrage

Q5- A l'équivalence, les réactifs sont introduits dans les proportions stœchiométriques. En notant n_E la quantité de matière d'ions permanganate, on peut écrire : $n_E - 2x_{max} = 0 \Leftrightarrow n_E = 2x_{max}$. De plus, $n_E = V_E \times C$ donc $2x_{max} = V_E \times C \Leftrightarrow x_{max} = \frac{V_E \times C}{2}$.

On note n_1 la quantité de matière de peroxyde d'hydrogène introduite initialement.

On peut aussi écrire : $n_1 - 5x_{max} = 0 \Leftrightarrow n_1 = 5x_{max} = 5 \times \frac{V_E \times C}{2}$.

Or, $C_S = \frac{n_1}{V_1}$ où V_1 est le volume de solution S prélevé. Ainsi, $C_S = 5 \times \frac{V_E \times C}{2} \times \frac{1}{V_1} = \frac{5 \times V_E \times C}{2 \times V_1}$.

$$C_S = \frac{5 \times 8,0 \times 5,0 \times 10^{-2}}{2 \times 10} = 1,0 \times 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}.$$

Q6- L'ajout d'ions Fer (III) a pour but d'accélérer la décomposition du peroxyde d'hydrogène. Il agit comme catalyseur : la présence de métaux ou d'ions métalliques accélère la décomposition du peroxyde d'hydrogène.

Q7-

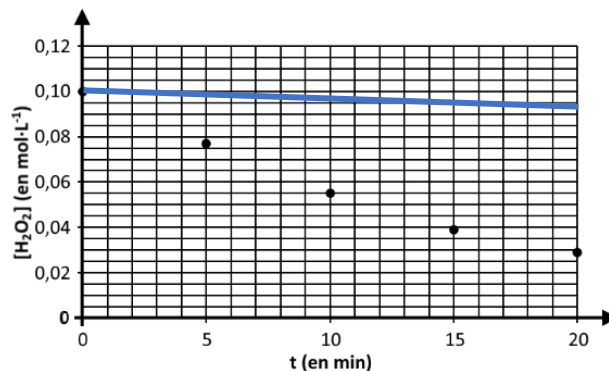


Figure 2. évolution temporelle de la concentration en quantité de matière de H_2O_2 à $20^\circ C$

C- Etude d'un accident industriel

Q8- La pression dans le réservoir est faible, on peut donc considérer le gaz qui y est contenu comme un gaz parfait.

D'après la loi des gaz parfaits :

$$PV_{gaz} = n_{air}RT \Leftrightarrow n_{air} = \frac{PV_{gaz}}{RT} \quad V_{gaz} = 150L = 150 \times 10^{-3} m^3$$

$$n_{air} = \frac{1,0 \times 10^5 \times 150 \times 10^{-3}}{8,314 \times 293} = 6,2 \text{ mol.}$$

Q9- Calculons la quantité de matière présente dans le réservoir inférieur. On la note n .

$$n = [H_2O_2] \times V \quad V = 1,0 m^3 = 1,0 \times 10^3 L$$

On remarque que, d'après l'équation, 2 moles de peroxyde d'hydrogène donnent 1 mol de dioxygène. On cherche la quantité de matière totale n_{tot} de gaz présente dans le réservoir supérieur.

$$\text{Ainsi, } n_{tot} = n_{air} + \frac{n}{2} = n_{air} + \frac{[H_2O_2] \times V}{2}.$$

On en déduit la pression P_1 du réservoir.

$$\text{D'après la loi des gaz parfaits : } P_1 V_{gaz} = n_{tot} RT \Leftrightarrow P_1 = \frac{n_{tot} RT}{V_{gaz}} = \frac{\left(n_{air} + \frac{[H_2O_2] \times V}{2}\right) RT}{V_{gaz}}$$

$$P_1 = \frac{\left(6,2 + \frac{1,2 \times 1,0 \times 10^3}{2}\right) \times 8,314 \times 293}{150 \times 10^{-3}} = \mathbf{9,8 \times 10^6 \text{ Pa}}$$

La pression a été multipliée par 98, d'où l'explosion.